データを可視化して 数学の理解を助ける

辻真吾 (@tsjshg)

自己紹介

- 東京大学先端科学技術研究セン ターに所属
- * 応用データサイエンスを目指し たい
- * 日経コンピュータさんに取材し てもらいました
- * このコミュニティのロゴが拙著 なのはゴリ押しではないです

2019/06/24 05:00

Python大全、AI時代の本命言語

AI時代のいまPythonがブレイクする本当の理由

白井 良、清嶋 直樹、浅川 直輝、中田 敦=日経 xTECH/日経コンピュータ









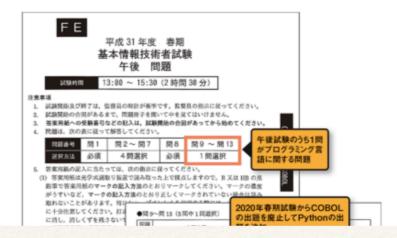






Python人気の原動力はAI(人工知能)だ。AIシステムを開発するプログラミング言語として Pythonが最も使いやすいからだ。データ分析やインフラ管理など、Pythonの用途は広がっている。

2020年春、IPA(情報処理推進機構)が運営する国家試験「基本情報技術者試験」で 選択できるプログラミング言語からCOBOLが消え、Pythonが新たに採用される。前身 の第二種情報処理技術者試験が産声を上げた1970年からCOBOLは50年間にわたって出 題され続けた。だが2020年春の試験からはPythonに入れ替わる。



お知らせ

- * RとStanではじめるベイズ統計モデリングによるデータ分析入門
 - * データ分析の基礎から解説
 - * フルカラーで見やすい
- * 講談社【実践Data Scienceシ リーズ】第1弾!
- * ほんとは、別の本が第1弾の予 定だった・・・



もくじ

- * シグモイド関数の形
- * Pythonで3D描画をするには
- * Mayaviを使った描画
- * 4次元空間へ

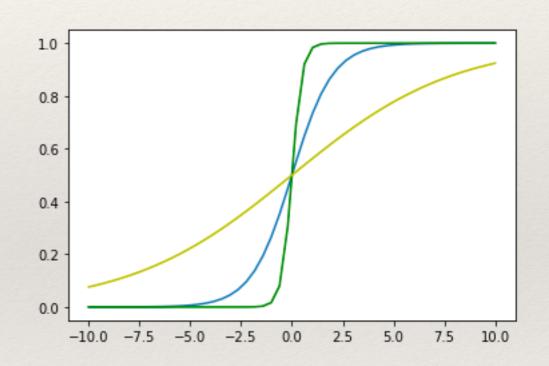
シグモイド関数

$$y = \frac{1}{1 + e^{-ax}} \quad (a > 0)$$

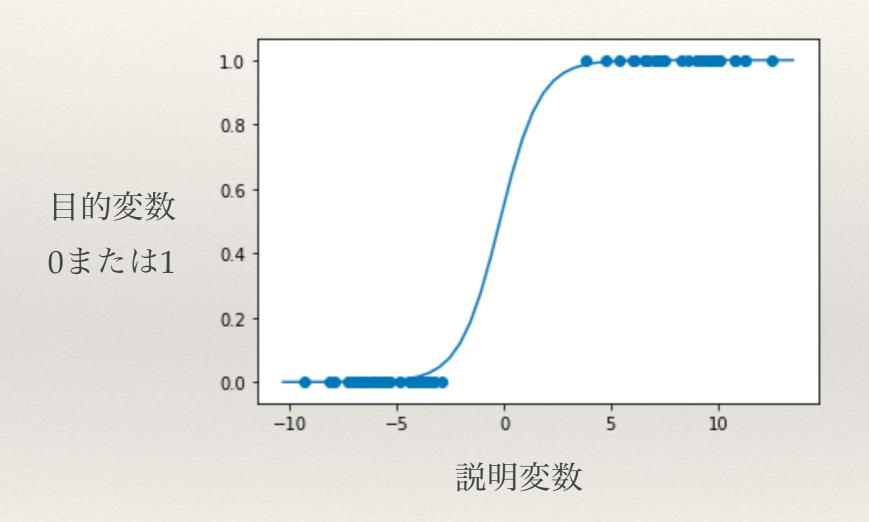
描いてみればいい

```
def sigmoid_f(x, a=1):
    return 1.0 / (1.0 + np.exp(-a*x))

x = np.linspace(-10,10)
plt.plot(x, sigmoid_f(x))
plt.plot(x, sigmoid_f(x, 4), c='g')
plt.plot(x, sigmoid_f(x, 0.25), c='y')
```



ロジステック回帰

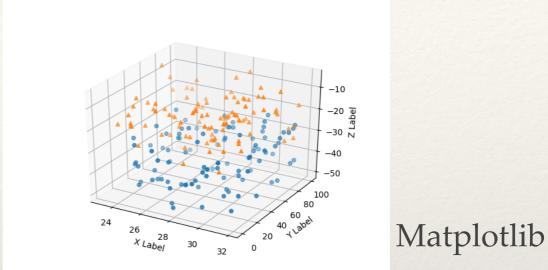


説明変数が1つと目的変数で描画には2次元が必要

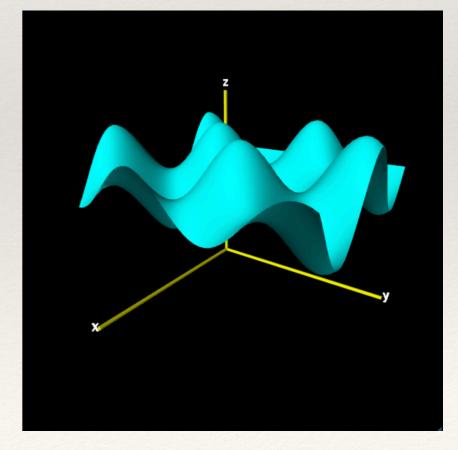
3次元までは活用したい

3D描画

- * Matplotlibでも描ける
- * ゴリゴリ動かしたい?
- * VPythonも面白そう
 - * GlowScript (よく知らない) と連携してWebとの相性も良い



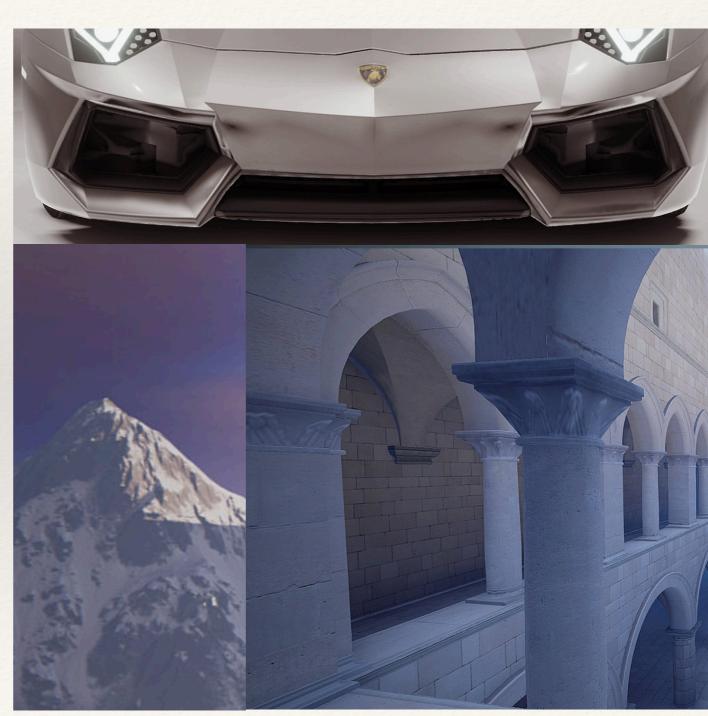
https://matplotlib.org/3.1.1/gallery/mplot3d/scatter3d.html



VPython

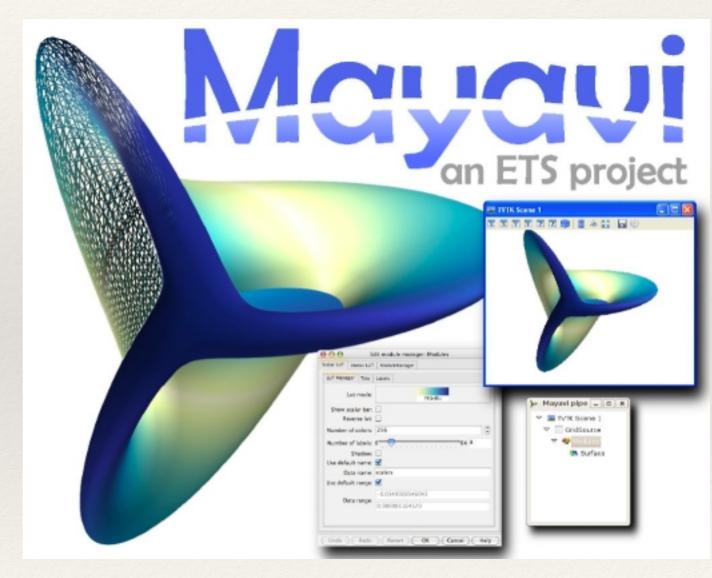
Panda3D

- * C++で開発されPythonのAPIが ある本格的3D描画ライブラリ
- * 2002年が最初のリリース
 - * もともとDisneyで使われていた?
- * カッコイイけど、ちょっと違う 気もする・・・

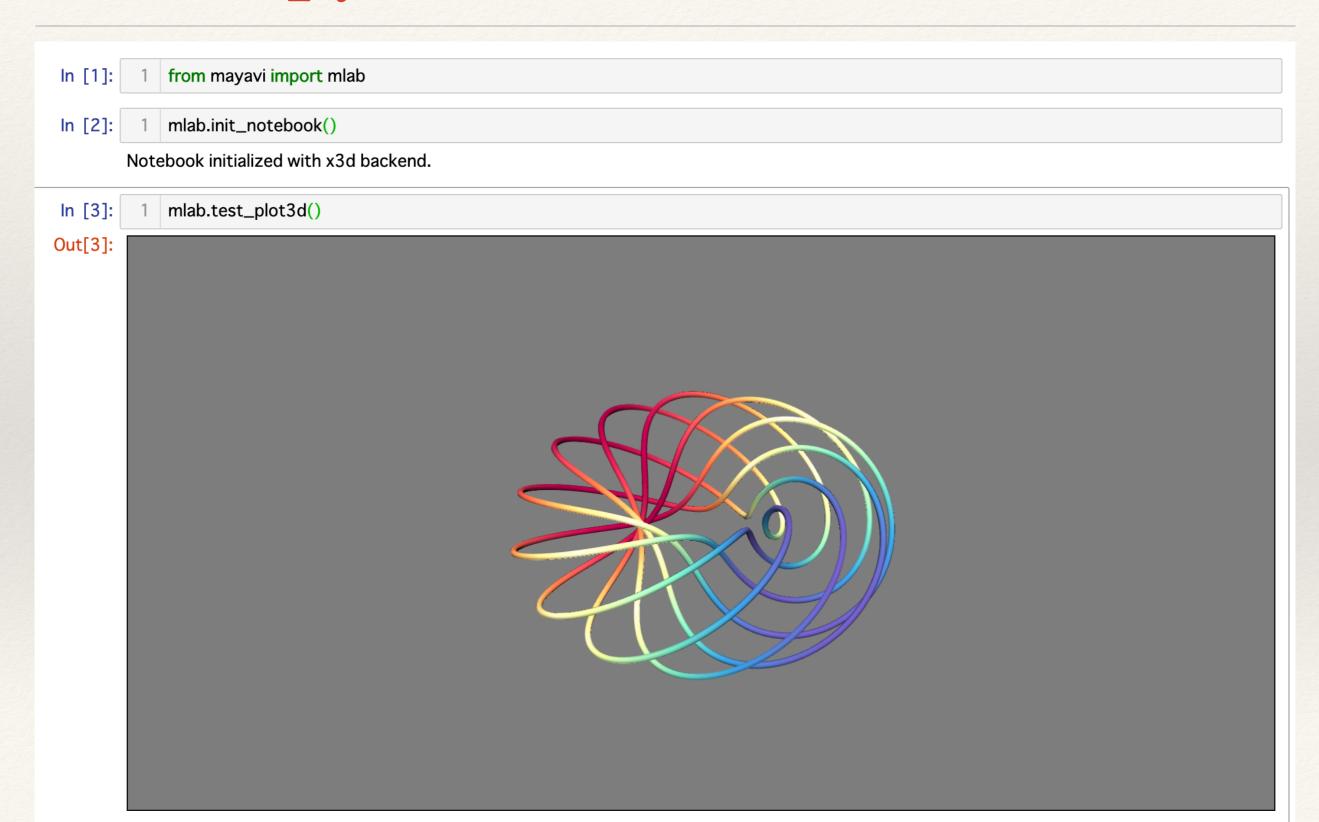


Mayavi

- * 科学計算のための3D描画ライ ブラリ
- * Enthought社が開発している?
- * インストールが困難という話もあるが、macのPython3.7.3にはpipで普通に入った



Jupyter Notebookで動く



```
@np.vectorize
                                                            説明変数2+目的変数1で3次元を使った可視化
def sigmoid2(x,y,reg):
  _x = np.array([x,y])
 w = np.dot(\_x, reg.coef\_[0])
return 1.0 / (1.0 + np.exp(-w))
x0m, x1m = np.mgrid[min(X[:,0])-1:max(X[:,0])+1:64j, min(X[:,1])-1:max(X[:,1])+1:64j]
mlab.clf()
_{-} = mlab.points3d(X[:,0], X[:,1], y, scale_factor=0.3, color=(0.5,0.5,0.5))
mlab.mesh(x0m, x1m, sigmoid2(x0m, x1m, reg=reg2), opacity=0.6)
mlab.outline()
```

数式はイメージが難しい

1.1.11. Logistic regression

Logistic regression, despite its name, is a linear model for classification rather than regression. Logistic regression is also known in the literature as logit regression, maximum-entropy classification (MaxEnt) or the log-linear classifier. In this model, the probabilities describing the possible outcomes of a single trial are modeled using a logistic function.

Logistic regression is implemented in LogisticRegression. This implementation can fit binary, One-vs-Rest, or multinomial logistic regression with optional ℓ_1 , ℓ_2 or Elastic-Net regularization. Note that regularization is applied by default.

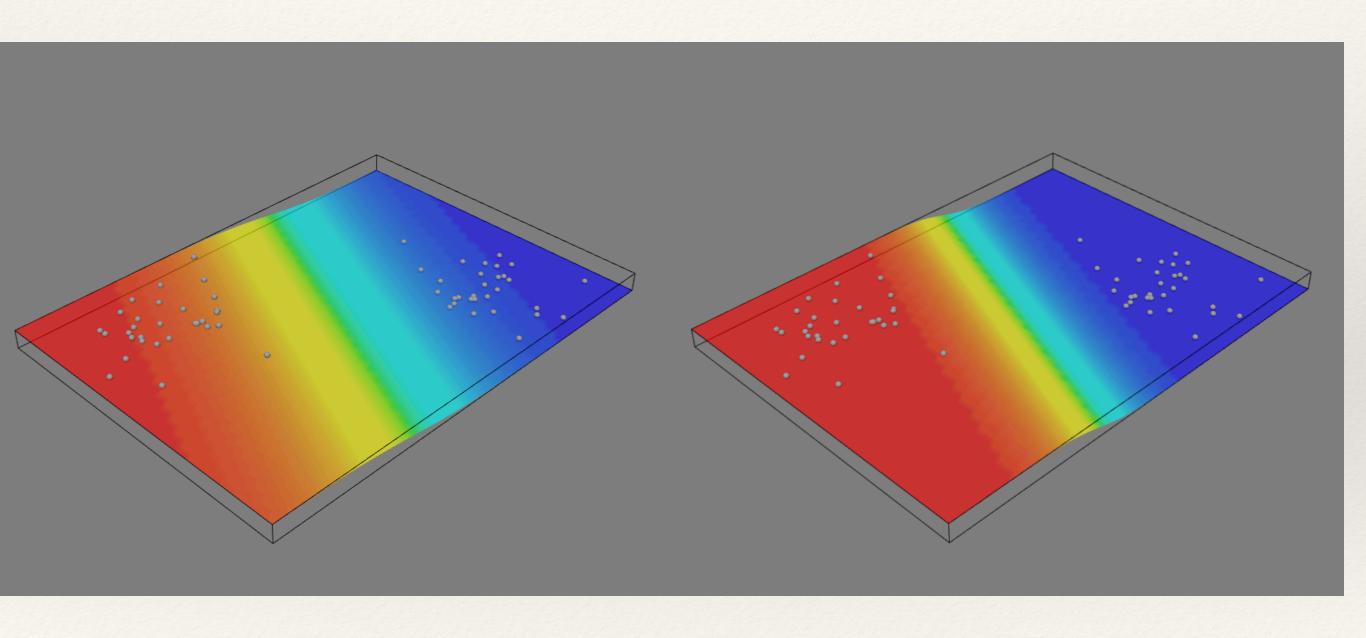
As an optimization problem, binary class ℓ_2 penalized logistic regression minimizes the following cost function:

$$\min_{w,c} rac{1}{2} w^T w + C \sum_{i=1}^n \log(\exp(-y_i(X_i^T w + c)) + 1).$$

Similarly, ℓ_1 regularized logistic regression solves the following optimization problem:

$$\min_{w,c} \|w\|_1 + C \sum_{i=1}^n \log(\exp(-y_i(X_i^T w + c)) + 1).$$

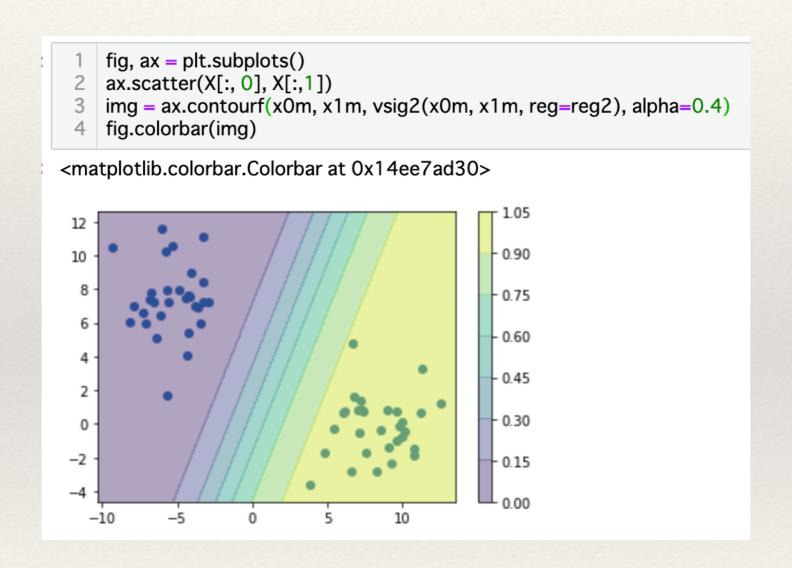
傾斜が変わる



C=0.1

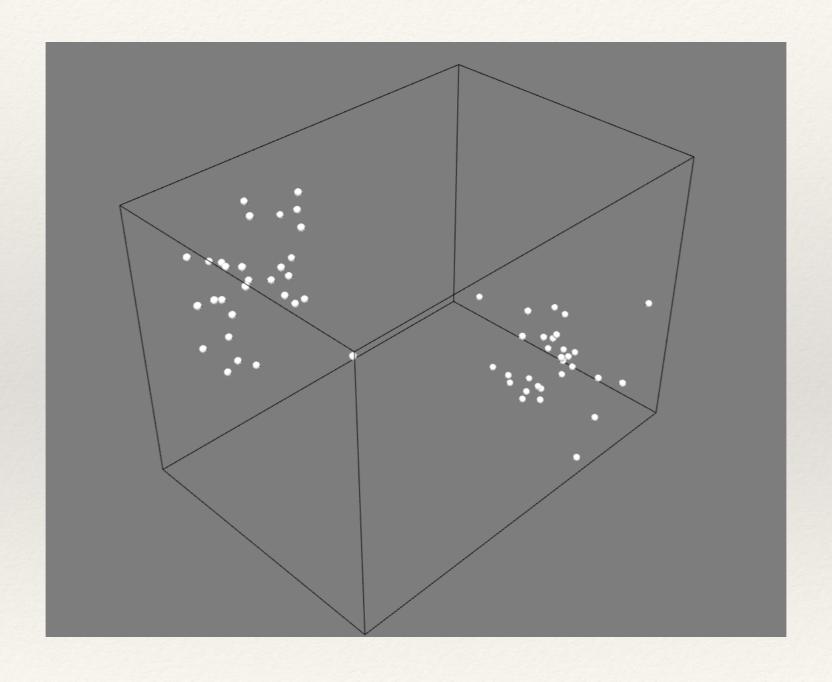
C=10

2Dで良くね?



3次元 (説明変数2+目的変数1) を2次元のコンター図にしている

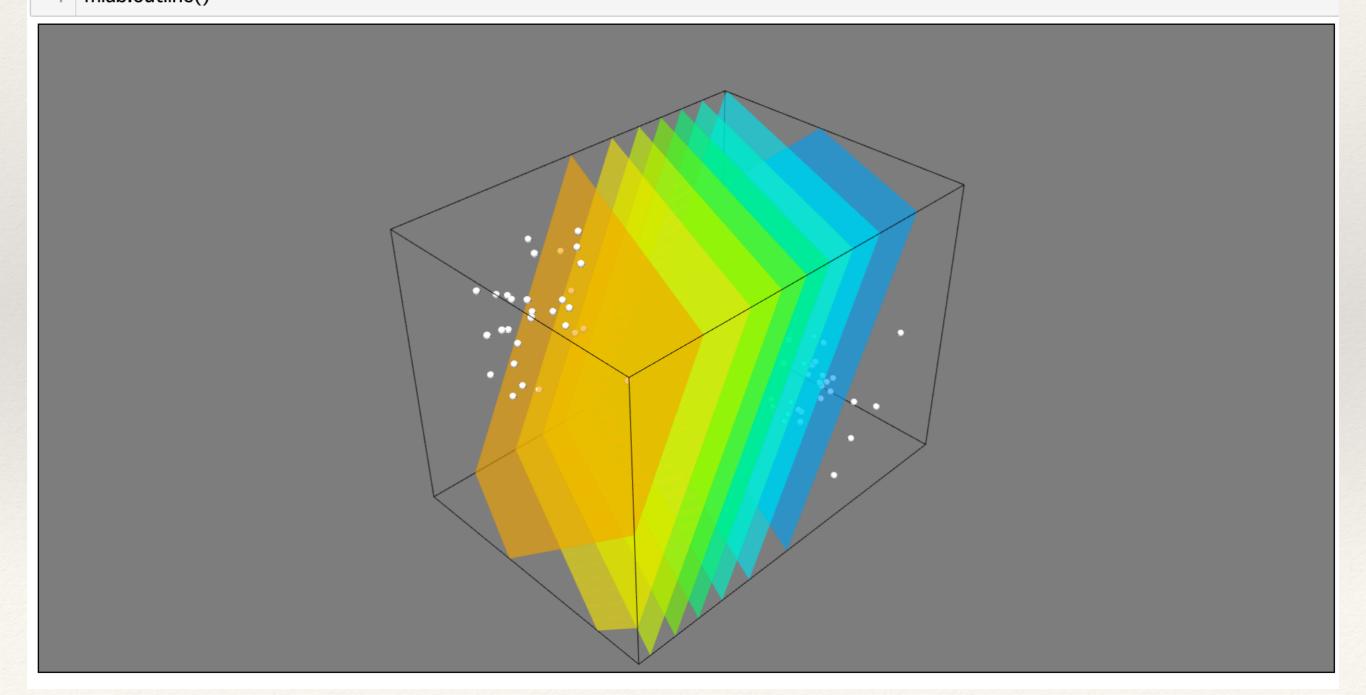
説明変数が3つ



4次元空間で実行されたロジステック回帰の結果を3次元のコンター図にしてみる!

4次元を垣間見た気がする・・・

```
mlab.clf()
    _ = mlab.points3d(X[:,0], X[:,1], X[:,2], scale_factor=0.4)
mlab.contour3d(x,y,z, sigmoid3(x,y,z,reg=reg3), opacity=0.6, contours=10)
mlab.outline()
```



まとめ

- * 2D, 3Dグラフ描画が数学の理解を助ける
- * 科学計算関連の3DプロットはMayaviがおすすめ
- * Mayaviはnumpyのよい練習になりそう